

Pismeni ispit iz kolegija  
Funkcije više varijabli  
08.02.2016.

1. [20 bod.] Odredite i skicirajte u ravnini prirodno područje definicije funkcije

$$f(x, y) = \ln \frac{4x^2 + 9y^2 - 36}{x^2 - y^2 - 1} + \arcsin \frac{(x + y)^2 - 1}{(x + y)^2 + 1}.$$

2. [20 bod.] Funkcije  $u(x, y)$  i  $v(x, y)$  zadane su implicitno sustavom jednažbi  $u + v - x = 0$  i  $u - yv = 0$ . Odredite  $du$  i  $dv$ .

3. [20 bod.] Odredite volumen najvećeg kvadra koji se može upisati u elipsoid s poluosima  $a$ ,  $b$  i  $c$ .

4. [20 bod.] Izračunajte  $\iint_{S^+} x^2 dy dz + y^2 dz dx + z^2 dx dy$ , gdje je  $S^+$  vanjska strana sfere  $(x - a)^2 + (y - b)^2 + (z - c)^2 = R^2$ .

5. [20 bod.] Izračunajte  $\iiint_V z^2 dV$ , gdje je  $V$  područje omeđeno s  $x^2 + \left(\frac{y}{2}\right)^2 + (z - 2)^2 \leq 1$ .