



Pravila

Studenti mogu pristupiti polaganju 2 kolokvija koji pokrivaju cijelo gradivo. Svaki kolokvij se piše 120 minuta, a uspješno položeni kolokviji zamjenjuju pismeni dio ispita. Da bi uspješno položio kolokvije, student mora skupiti minimalno 80 bodova od ukupnih 200, pri čemu na svakom pojedinom kolokviju mora ostvariti barem 20 bodova. Rezultati kolokvija bit će objavljeni na web stranicama kolegija.

Zadatak 1 (20). Skicirajte, ako postoji, singularno rješenje diferencijalne jednačbe

$$(y - xy')\sqrt{1 + y'^2} = \sqrt{1 + 3y'^2 + 3y'^4 + y'^6}.$$

Zadatak 2 (20). Odredite sva rješenja diferencijalne jednačbe

$$y' = \left(y - \frac{2}{x}\right)^2 - \frac{4}{x^2}.$$

Zadatak 3 (20). Riješite diferencijalnu jednačbu

$$y'^2 - (y + 1)y'' = 0.$$

Zadatak 4 (20). Odredite fundamentalnu matricu sustava

$$y' = \begin{bmatrix} 3 & -1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 \\ 1 & -3 & 5 \end{bmatrix} y.$$

Zadatak 5 (20). Koristeći Laplaceovu transformaciju, riješite Cauchyjevu zadaću

$$\begin{cases} y'' - 4y' + 8y = \delta(t - 4) \\ y(0) = 1 \\ y'(0) = 2, \end{cases}$$

pri čemu je $\delta(t - 4)$ Diracova delta funkcija u nuli.