

1. kolokvij iz Metoda optimizacije, grupa A

Zadatak 1 [20 bodova]

a) Napišite definicije stroge i jake konveksnosti funkcije f .

b) Provjerite strogu i jaku konveksnost funkcije $f(x) = \frac{1}{x}$, $f : \langle 0, +\infty \rangle \rightarrow \mathbb{R}$.

[Rješenje: funkcija je strogo konveksna, ali nije jako konveksna.]

Zadatak 2 [15 bodova] Provjerite konveksnost skupa $K = \{ (x, y) : x + y > 1, -x + 2y \geq 2 \}$.

[Rješenje: Skup je konveksan.]

Zadatak 3 [25 bodova]

(a) Neka je $f \in C^1(\mathcal{D})$ neprekidno diferencijabilna funkcija definirana na otvorenom skupu $\mathcal{D} \subset \mathbb{R}^n$ i neka je x^* točka lokalnog minimuma od f . Pokažite da je tada x^* stacionarna točka funkcije f .

(b) Odredite točke lokalnog minimuma funkcije $f(x_1, x_2) = x_1^2 + x_1x_2 - 2x_1 - x_2 + 2$.

[Rješenje:b) nema točke minimuma]

Zadatak 4 [20 bodova] Primjenom metode zlatnog reza odredite prve dvije aproksimacije minimuma funkcije $f(x) = x^4 + (x - 1)^3 - 10x + 2$ na segmentu $[1, 2]$.

[Rješenje: $x_{approx} = 1.38197$]

Zadatak 5 [20 bodova] Primjenom Newtonove metode tangenti odredite točku minimuma funkcije iz 4. zadatka ako je $x_0 = 1$ i $tol = 0.008$.

[Rješenje: $x_3 = 1.34145$]